



# Einführung in die Signalverarbeitung

Phonetik und Sprachverarbeitung, 2. Fachsemester,  
Block Sprachtechnologie I

Florian Schiel

Institut für Phonetik und Sprachverarbeitung, LMU München

Signalverarbeitung - Teil 2

# Allgemeines

- Unterrichtssprache ist Deutsch (englische Fachbegriffe in Klammern)
- Fragen am besten sofort; besser einmal zuviel gefragt
- Literatur:
  - Jurafsky D, Martin J H (2000): Speech and Language Processing. Prentice Hall, Kap I.7.
  - Schröder E (1980): Signalverarbeitung
  - Pfister B, Kaufmann T (2008): Sprachverarbeitung - Grundlagen und Methoden der Sprachsynthese und Spracherkennung. Springer-Verlag Berlin Heidelberg.
  - Rabiner, Lawrence R., Schafer R W (1978): Digital Processing of Speech Signals. Prentice-Hall, New Jersey, USA.
  - Hess W (1993): Digitale Filter. Teubner Studienbücher, B.G.Teubner, Stuttgart.
  - Harrington J, Cassidi St (1999): Techniques in Speech Acoustics. Kluwer Academic Publishers, Dordrecht/Boston/London.

# Wiederholung

Digitales Signal ist eine Tabelle von Zahlen.  
Jede Zahl repräsentiert einen Abtastwert  $s(t_n)$

Beispiel:

```
od -s signal.wav | more
```

## Verschiebung (*shift*)

Digitale Signal können mit einer konstanten Zahl  $V$  addiert werden

$$v(t_n) = V + s(t_n)$$

Ist  $V > 0.0$  : Verschiebung zu pos. Werten

Ist  $V < 0.0$  : Verschiebung zu neg. Werten

Beispiel:

Verschiebung des Signals um 165 nach unten:

$$v(t_n) = s(t_n) - 165$$

*Frage: Was passiert bei Addition von 0?*

# Skalierung

Digitale Signal können mit einer konstanten Zahl  $M$  multipliziert werden

$$m(t_n) = M \cdot s(t_n)$$

Ist  $M > 1.0$  : Verstärkung (lauter)

Ist  $M < 1.0$  : Abschwächung (leiser)

Beispiel:

Verdoppelung der Amplitude (entspricht +6dB):

$$b(t_n) = 2.0 \cdot s(t_n)$$

*Frage: Was passiert bei Skalierung mit 0.0?*

*Frage: Was passiert bei Skalierung mit -2.0?*

# Addition

Digitale Signal können werteweise addiert werden

$$s(t_n) = a(t_n) + b(t_n)$$

Voraussetzung:  $a(t_n)$  und  $b(t_n)$  sind gleich lang  $n = 0 \dots N$  und haben die gleiche Abtastrate

Beispiel:

Umwandlung eines Stereo-Signals (Kanal  $l(t_n)$  und  $r(t_n)$ ) in ein Monosignal  $m(t_n)$ :

$$m(t_n) = \frac{1}{2} [l(t_n) + r(t_n)]$$

*Frage: Warum die Skalierung mit  $\frac{1}{2}$ ?*

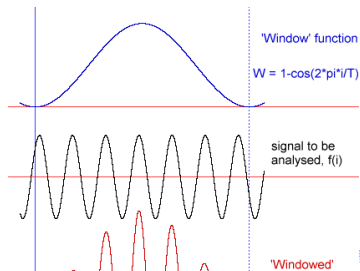
# Multiplikation

Digitale Signal können werteweise multipliziert werden

$$s(t_n) = a(t_n)b(t_n)$$

*Voraussetzung: müssen nicht gleich lang sein bzw. bei unterschiedlicher Länge wird angenommen, das Signal ist außerhalb Null.*

Beispiel:  
'Weiches' Ausschneiden  
eines Signalstücks aus  
längerem Signal





## Faltung (*convolution*)

Signal  $a(t_n)$  wird mit  $b(t_n)$  zu einem neuen Signal  $g(t_n)$  'gefaltet' (*convoluted*):

$$g(t_n) = \sum_k a(t_k)b(t_{n-k}) = a(t_n) \star b(t_n)$$

Meistens ist  $a(t_n)$  länger als  $b(t_n)$  (nicht zwingend)  
Der Summenparameter  $k$  läuft über den gesamten Bereich, in dem die Überlappung der beiden Signale nicht Null ist.

Anschaulich:

*Signal  $b(t_n)$  wird an der Y-Achse gespiegelt ( $-k$ ) und von links über das Signal  $a(t_k)$  geschoben ( $n - k$ ). In jeder möglichen Verschiebestellung  $n$  wird  $k$ -mal multipliziert und alle Ergebnisse aufaddiert. Das ergibt dann den Wert von  $g$  an der Stelle  $t_n$ .*

# Faltung

$$g(t_n) = a(t_n) \star b(t_n) = \\ = \sum a(t_k) b(t_{n-k})$$

rotes Rechteck :  $a(t_n)$

grünes Rechteck :  $b(t_{n-k})$

gelbe Fläche :  $a(t_k)b(t_{n-k})$

unten :  $g(t_n)$

# Langzeitanalyse

## Langzeitanalyse (long term feature, LTF)

Berechnung von Werten aus einem längeren Signal (z.B. einer Äußerung)

$$F = L(s(t_n)) \quad L() : \text{Funktion der Langzeitanalyse}$$

D.h. Wert  $F$  aus Langzeitanalyse ist nicht vom Zeitpunkt  $t_n$  abhängig, sondern gilt für eine ganze Äußerung.

# Langzeitanalyse

## Beispiele

- Durchschnittliche Energie  
(average energy, root mean square, RMS):  
Summe über alle quadrierten Abtastwerte, auf Anzahl der  
Abtastwerte normieren, Wurzel ziehen

$$\bar{E} = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{n=0}^N s(t_n)^2}$$

Frage: Warum muss quadriert werden?

# Langzeitanalyse

## Beispiele

- Signalrauschabstand (signal to noise ratio, SNR):  
Die Differenz zwischen mittlerem Pegel des Nutzsignals (Sprache) und dem Pegel des Hintergrund-/Störgeräuschs

$$L_{SNR} = L_{signal} - L_{noise} = 10 \cdot \log_{10} \left[ \frac{\bar{E}_{signal}}{\bar{E}_{noise}} \right]$$

Z.B.  $L_{SNR} = 20dB$  bedeutet: Das Nutzsignal ist 20dB stärker als das Hintergrundgeräusch.

$L_{SNR} = 0dB$  bedeutet: Das Nutzsignal ist genauso stark wie das Hintergrundgeräusch.

# Langzeitanalyse

## Beispiele

- Mittelwertsbereinigung (remove bias):  
Viele Signale haben einen Gleichanteil (bias), d.h. sie sind nicht genau symmetrisch um den Nullwert. Für viele Analysen muss dieser Gleichwert aus dem Signal entfernt werden:

$$\text{Bias} \quad B = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^N s(t_n)$$

Verschiebung des Signals um den negativen Gleichanteil:

$$\text{Bereinigtes Signal} \quad \hat{s}(t_n) = s(t_n) - B$$

# Langzeitanalyse

## Probleme

- Richtige Normierung, so dass Länge keinen Einfluss hat
- Lange Pausen können Ergebnisse (wegen der Zeitnormierung) verfälschen, oft in Aufnahmen mit langer Pause vor/nach dem Signal
- Manche Analysen machen nur in bestimmten Signalbereichen Sinn, z.B.
  - Grundfrequenzanalyse (nur stimmhafte Bereiche)
  - Formantanalyse (nur Vokale)

Daher ist oft eine Vorsegmentierung notwendig

# Digitale Filter

## Filter

Methode zur Dämpfung/Verstärkung von definierten Frequenzbereichen aus einem Signal. Filter sind *lineare Systeme*, d.h. es dürfen keine zusätzlichen Frequenzen produziert werden, die nicht schon in das Filter eingespeist wurden

## Digitales Filter

Rechenmethode zur Realisierung eines Filters für digitale Signale. Da lineares System, dürfen nur Addition und Multiplikation verwendet werden



# Digitale Filter

## Impulsantwort (impulse response)

Signal am Ausgang eines (digitalen) Filters, das entsteht, wenn am Eingang ein Impuls der Energie 1 eingespeist wird

Wir unterscheiden:

- Filter mit endlicher Impulsantwort (finite impulse response filter, FIR)
- Filter mit unendlicher Impulsantwort (infinite impulse response filter, IIR)

## Filter mit endlicher Impulsantwort, FIR Filter

Ein Abtastwert des gefilterten Signals  $\check{s}(t_n)$  wird aus den  $K$  vergangenen Werten des Eingangssignals  $s(t_{n-k})$  berechnet:

$$\check{s}(t_n) = \sum_{k=0}^K a_k s(t_{n-k})$$

$a_k$  sind die (konstanten) *Filterkoeffizienten* (filter coefficients);  
 $K + 1$  ist die *Filterordnung*, z.B.

$$\check{s}(t_n) = 0.5s(t_n) + 0.2s(t_{n-1}) - 0.5s(t_{n-2})$$

$$a_0 = 0.5$$

$$a_1 = 0.2$$

$$a_2 = -0.5$$

$$\text{Filterordnung} = 3$$

# Filter mit endlicher Impulsantwort, FIR Filter

Wir erkennen sofort:

Filterformel

$$\check{s}(t_n) = \sum a_k s(t_{n-k})$$

Faltungsformel

$$g(t_n) = \sum a(t_k) b(t_{n-k})$$

Die Filterformel ist eine Faltung von Signal  $s(t_n)$  mit einem sehr kurzen Signal  $a(t_k)$

## Filter mit endlicher Impulsantwort, FIR Filter

Sei das Eingangssignal ein Impuls bei  $t = 0$

$$s(t_n) = 1, 0, 0, \dots \text{ für } n = 0 \dots \infty$$

dann berechnet sich das Ausgangssignal  $\check{s}(t_n)$  zu

$$\check{s}(t_0) = 0.5 \cdot 1 + 0.2 \cdot 0 - 0.5 \cdot 0 = 0.5$$

$$\check{s}(t_1) = 0.5 \cdot 0 + 0.2 \cdot 1 - 0.5 \cdot 0 = 0.2$$

$$\check{s}(t_2) = 0.5 \cdot 0 + 0.2 \cdot 0 - 0.5 \cdot 1 = -0.5$$

$$\check{s}(t_3) = 0.5 \cdot 0 + 0.2 \cdot 0 - 0.5 \cdot 0 = 0$$

$$\check{s}(t_4) = 0.5 \cdot 0 + 0.2 \cdot 0 - 0.5 \cdot 0 = 0$$

...

→ die Impulsantwort ist gleich den Filterkoeffizienten  $a_k$

## Filter mit endlicher Impulsantwort, FIR Filter

Sei das Eingangssignal ein Impuls bei  $t = 0$

$$s(t_n) = 1, 0, 0, \dots \text{ für } n = 0 \dots \infty$$

dann berechnet sich das Ausgangssignal  $\check{s}(t_n)$  zu

$$\left. \begin{aligned} \check{s}(t_0) &= 0.5 \cdot 1 + 0.2 \cdot 0 - 0.5 \cdot 0 = 0.5 \\ \check{s}(t_1) &= 0.5 \cdot 0 + 0.2 \cdot 1 - 0.5 \cdot 0 = 0.2 \\ \check{s}(t_2) &= 0.5 \cdot 0 + 0.2 \cdot 0 - 0.5 \cdot 1 = -0.5 \\ \check{s}(t_3) &= 0.5 \cdot 0 + 0.2 \cdot 0 - 0.5 \cdot 0 = 0 \\ \check{s}(t_4) &= 0.5 \cdot 0 + 0.2 \cdot 0 - 0.5 \cdot 0 = 0 \\ &\dots \end{aligned} \right\} a_k$$

Filtern heißt also: *Faltung mit der Impulsantwort  $a_k$*

## Filter mit unendlicher Impulsantwort, IIR Filter

Ein Abtastwert des gefilterten Signals  $\check{s}(t_n)$  wird aus den  $K$  vergangenen Werten des Eingangssignals  $s(t_{n-k})$  und aus den  $M$  vergangenen bereits berechneten Ausgangswerten  $\check{s}(t_{n-m})$  berechnet. Dadurch entsteht eine *rekursive* Rechenvorschrift:

$$\check{s}(t_n) = \sum_{k=0}^K a_k s(t_{n-k}) + \sum_{m=1}^M b_m \check{s}(t_{n-m})$$

$a_k$  und  $b_m$  sind die *Filterkoeffizienten*; die *Filterordnung* ist das Maximum aus  $K + 1$  und  $M$ , z.B.

$$\check{s}(t_n) = 0.5s(t_n) + 0.2s(t_{n-1}) - 0.5s(t_{n-2}) + 0.1\check{s}(t_{n-1})$$

$$a_0 = 0.5$$

$$a_1 = 0.2$$

$$a_2 = -0.5$$

$$b_1 = 0.1$$

Filterordnung = 3

# Filter mit unendlicher Impulsantwort, IIR Filter

Beachte: Der rekursive Teil der IIR-Formel beginnt nie bei  $m = 0$ .  
(Warum?)

Rekursivität  $\rightarrow$  IIR-Filter haben theoretisch eine unendlich lange Impulsantwort  
 $\rightarrow$  IIR-Filter können eine anwachsende (selbstverstärkende) Impulsantwort haben  
 $\rightarrow$  *instabiles Filterverhalten*

Das Design von IIR-Filtern ist schwieriger als das von FIR-Filtern.

IIR-Filter sind mächtiger als FIR-Filter, d.h. sie haben mehr Möglichkeiten, Frequenz und Phasen zu beeinflussen.

# Design von Digitalen Filtern

Viele Verfahren zum Filter-Design

*(An der TUM gibt es einen Lehrstuhl nur für dieses Thema.)*

Einfachste Methode:

- Entwurf der gewünschten *Übertragungsfunktion* des Filters (transfer function)
- Ermitteln der Impulsantwort aus der Übertragungsfunktion durch Fouriertransformation (*siehe nächster Abschnitt 'Spektrum'*)
- Verwendung der Impulsantwort als Filterkoeffizienten in einem FIR-Filter



# Demo

*Tutoriat: Filter in praat*

Filter / Filter (Hann pass band)

Tiefpass bei 2000Hz

From: 0Hz

To: 2000Hz

Hochpass bei 500Hz

From: 500Hz

To: 20000Hz

# Demo

*Tutoriat: Pass Filter with praat*

Telefonqualität = Bandpass von 300-3300Hz

From: 330Hz

To: 3300Hz

## Fragen

*Wieviele Additionen muss mein Rechner durchführen, wenn er zwei Signale der Länge 2sec und einer Abtastrate von 8kHz addieren will?*

*Wenn man einen Impuls (1 bei  $t = 0$ , 0 sonst) mit der Rechteckfunktion faltet, was ist dann das Ergebnis?*

*Mit einer Langzeitanalyse ermitteln wir die Grundfrequenzen einer Dialektgruppe (männliche und weibliche Sprecher). Was muss bei der Mittelung dieser Werte beachtet werden?*

*Sie haben bei Aldi ein billiges IIR-Filter erstanden und stellen zu Hause fest, dass es leider instabil ist.*

*Wenn Sie nur ein Nullsignal auf den Eingang des Filter geben, wird es dann auch instabil?*